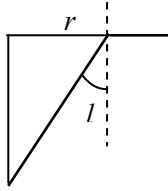
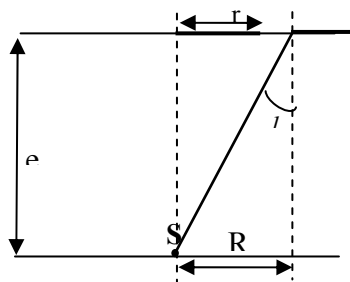
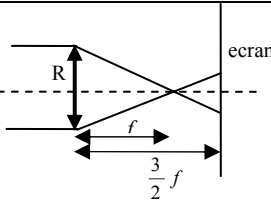




Subiect	Parțial	Punctaj
<b>1. Barem subiect 1</b>		<b>10</b>
<p>a) Pentru sistemul format, două lentile subțiri alipite convergența este ,</p> $C = C_1 + C_2, \text{ sau } C = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2}$ <p>în care: <math>\frac{1}{f_1} = (n_1 - 1)\left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2}\right)</math> cu <math>R_1 = -R</math> obținându-se : <math>\frac{1}{f_1} = \frac{1 - n_1}{R}</math></p> <p>și respectiv pentru lentila din « apă » :</p> $\frac{1}{f_2} = (n_2 - 1)\left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2}\right)$ în care $R_2 = -R$ astfel că: $\frac{1}{f_2} = \frac{n_2 - 1}{R}$ . <p>În acest mod convergența sistemului obținut este : <math>C = \frac{1 - n_1}{R} + \frac{n_2 - 1}{R} = \frac{n_2 - n_1}{R}</math></p> <p>Din care se obține <math>R = 0,5 \text{ m}</math></p>	0,5 1 1 1	4
<p>b) Aplicând relația lentilelor subțiri :</p> $\frac{1}{x_2} - \frac{1}{x_1} = \frac{1}{f} = C$ <p>obținem: <math>x_2 = \frac{x_1}{1 + Cx_1}</math> ceea ce permite să obținem după aplicație numerică:</p> $x_2 = -\frac{3}{4} \text{ m} = -75 \text{ cm}$ <p>Utilizând cea de-a doua relație a lentilelor:</p> $\beta = \frac{y_2}{y_1} = \frac{x_2}{x_1}$ se obține $y_2 = y_1 \frac{x_2}{x_1}$ , astfel că : $y_2 = 12 \text{ cm} \frac{-75 \text{ cm}}{-100 \text{ cm}} = 9 \text{ cm}$ .	0,5 0,5 1	2
<p>c) Argintându-se fața plană , din sticlă, sistemul se comportă ca o oglindă având: <math>C_S = 2C + C_{\text{oglină}}</math> și întrucât <math>C_{\text{oglină}} = 0</math>, <math>C_S = 2C = -\frac{2}{3m}</math>.</p> <p>Din prima relația a oglinzilor <math>\frac{1}{x_2} + \frac{1}{x_1} = \frac{1}{f_S} = C_S</math> obținem:</p> $x_2 = \frac{x_1}{C_S x_1 - 1} = \frac{-1m}{\left(-\frac{2}{3m}\right)(-1m) - 1} = 3m.$ <p>Aplicând cea de-a doua relație a oglinzilor: <math>\beta_O = \frac{y_2}{y_1} = -\frac{x_2}{x_1}</math>,</p> <p>se calculează: <math>y_2 = -y_1 \frac{x_2}{x_1} = -12 \text{ cm} \frac{300 \text{ cm}}{-100 \text{ cm}} = -36 \text{ cm}</math>.</p>	1 1 1	3
Oficiu		1

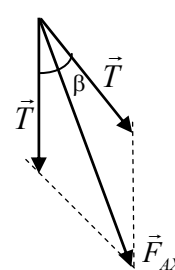
1. Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.
2. Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.



Subiect	Parțial	Punctaj
<p><b>2. Barem subiect 2</b></p> <p>a) Din cilindrul considerat vor ieși acele radiații pentru care unghiul de incidență <math>i \leq l</math>, <math>l</math> reprezentând unghiul limită, <math>n \sin l = 1</math>. Astfel pentru <math>i = l</math> se obține suprafața maximă ce este iluminată, două cercuri luminoase, pe bazele cilindrului și o suprafață laterală : <math>S_l = 2S_b + S_t</math></p>  <p>Notând cu <math>r</math> raza cercurilor luminoase ce se formează pe baza,</p> $r = \frac{h}{2} \operatorname{tg} l = \frac{h}{2} \frac{\sin l}{\sqrt{1 - \sin^2 l}} = \frac{h}{2\sqrt{n^2 - 1}}$ și ca urmare: $S_b = \pi r^2 = \frac{\pi h^2}{4(n^2 - 1)}$ . <p>Procedând analog determinăm aria laterală iluminată: <math>S_l = 2\pi R 2x</math> unde</p> $x = R \operatorname{tg} l = R \frac{\sin l}{\cos l} = \frac{R}{\sqrt{n^2 - 1}}$ astfel încât: $S_l = \frac{4\pi R^2}{\sqrt{n^2 - 1}}$ . <p>Drept urmare suprafața maximă iluminată: <math>S_t = \pi \left[ \frac{h^2}{2(n^2 - 1)} + \frac{4R^2}{\sqrt{n^2 - 1}} \right]</math></p>	1  1  1	10         <b>3</b>
 <p>b) În acest caz se va observa doar un inel delimitat de raza <math>R</math> și respectiv de <math>r</math>, raza discului opac.</p> <p>Folosind <math>n \sin l = 1</math>, și deoarece <math>\operatorname{tg} l = \frac{R}{e}</math> se obține <math>R = e \operatorname{tg} l = \frac{e}{\sqrt{n^2 - 1}}</math>.</p> <p>În consecință <math>S_{\text{iluminată}} = S_R - S_r</math> și drept urmare:</p> $S_{\text{ilum}} = \pi(R^2 - r^2) = \pi \left( \frac{e^2}{n^2 - 1} - \frac{e^2}{n^2} \right) = \frac{\pi e^2}{n^2(n^2 - 1)}$	1  1	         <b>3</b>
 <p>c) Sursa fiind plasată în focarul oglinzii iluminează lentila convergentă cu un fascicul de raze paralele cu axul optic.</p> <p>Din condițiile problemei</p> $\frac{1}{f} = (n-1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) = \frac{2(n-1)}{R}$ <p>Ecranul este plasat la distanța <math>x_2 = \frac{3R}{4(n-1)} = \frac{3}{4(n-1)} 2(n-1)f = \frac{3}{2} f</math>.</p> <p>Din asemănarea triunghiurilor obținem raza petei luminoase <math>R_x</math>:</p> $\frac{R_x}{R} = \frac{f}{2f}$ astfel că aria iluminată: $S_{\text{ilum}} = \pi R_x^2 = \frac{\pi R^2}{4}$	1  1  1	         <b>3</b>
Oficiu		<b>1</b>

1. Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.
2. Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.



Subiect	Parțial	Punctaj
<b>3. Barem subiect 3</b>		<b>10</b>
<p>a) Corpul de masă <math>m_1</math> coboară astfel că:</p> $m_1 g \sin \alpha - \mu m_1 g \cos \alpha - T = m_1 a .$ <p>Tija se deplasează cu aceeași accelerație:</p> $T - m_2 g - F_{F23} = m_2 a$ <p>în care <math>F_{F23}</math> reprezintă forța de frecare dintre tijă și inel. Inelul rămânând la aceeași înălțime față de sol:</p> $m_3 g - F_{F32} = 0 .$ <p>În consecință:</p> $m_1 g \sin \alpha - \mu m_1 g \cos \alpha - m_2 g - m_3 g = (m_1 + m_2) a ,$ <p>din care obținem</p> $a = g \frac{m_1 (\sin \alpha - \mu \cos \alpha) - m_2 - m_3}{m_1 + m_2} = 2,37 \frac{m}{s^2} .$ <p>Folosind definiția accelerației:</p> $v = at = 2,37 \frac{m}{s^2} 5s = 11,85 \frac{m}{s}$	<p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p>	<p>6</p>
<p>b) Asupra axului scripetelui se exercită rezultanta tensiunilor din firul trecut peste scribe.</p>  <p>În consecință: <math>\vec{F}_{AX} = \vec{T} + \vec{T}'</math> cu <math>T = T'</math> și <math>\beta = 30^0</math></p> <p>Obținem:</p> $F_{AX} = \sqrt{T^2 + T^2 + 2T^2 \cos \beta} = T \sqrt{2(1 + \cos \beta)} ,$ <p>unde:</p> $T = m_2(a + g) + m_3 g \cong 16,90N$ <p>Pentru forța din axul scripetelui se obține valoarea:</p> $F_{AX} \cong 32,64N$	<p>1</p> <p>1</p> <p>1</p>	<p>3</p>
Oficiu		<b>1</b>

(subiect propus de prof. Mihai Lăcătușu – Colegiul Național „Petru Rareș”, Piatra-Neamț)

1. Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.
2. Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.